

Wstęp do programowania

semestr zimowy 2025/2026

Dr Anna Muranova
UWM w Olsztynie

Wykład 9

Czytanie z plików

Proces czytania i zapisu danych do pliku to zadanie złożone. Python jak większość języków programowania pozwala wczytywać dane ze zbiorów zewnętrznych, jak i zapisywać dane do plików. Proces czytania można zrealizować przy pomocy funkcji wbudowanych `-open()`, `read()` i `close()` lub – w przypadku danych o ustalonej strukturze – najczęściej tabelarycznej, można skorzystać z gotowych funkcji wspierających ten proces.

Aby odczytać plik tekstowy należy wykonać trzy polecenia:

- ▶ `open()` aby nawiązać połączenie z plikiem (nic nie zostaje wczytane)
- ▶ `read()` aby wczytać całą zawartość pliku do jednej zmiennej jako tekst
- ▶ `close()` zamknąć plik po zakończeniu czytania

Dodatkowo proces czytania lub zapisu wymaga znalezienia właściwego pliku, lub - w przypadku odczytu utworzenia nowego pliku.

Dalej używa się `plik.txt` z zawartością

```
abrakadabra  
abra  
kadabra
```

Czytanie z plików

Wczytanie niewielkiego pliku tekstowego znajdującego się w tym samym katalogu co nasz skrypt

```
f = open("plik.txt")
zawartosc = f.read()
f.close()
print(zawartosc)
```

```
abrakadabra
abra
kadabra
```

Funkcja `open()` nawiązuje połączenie z plikiem, ale nie wczytuje danych. Przypisuje jedynie do obiektu `f` wskaźnik do pliku. Wynika to z faktu że zbiór danych może być bardzo duży i programista powinien zachować kontrolę nad jego wczytywaniem. Funkcja `read()` wczytuje całą zawartość ze źródła `f` (pliku) do zmiennej `zawartosc`. Następnie źródło zostaje zamknięte.

Funkcja open()

Podstawowa składnia tej funkcji jest następująca:

```
file = open('sciezka_do_pliku', 'tryb', encoding=None)
```

- ▶ 'r' – tryb odczytu (domyślny), pozwala na czytanie zawartości pliku.
- ▶ 'r+' – tryb odczytu i modyfikacji
- ▶ 'w' – tryb zapisu, tworzy nowy plik lub nadpisuje istniejący.
- ▶ 'a' – tryb dopisywania, dodaje nowe dane na końcu pliku bez nadpisywania istniejącej zawartości.
- ▶ 'x' – otwarte do wyłącznego tworzenia, kończy się niepowodzeniem, jeśli plik już istnieje
- ▶ 'x+' – otwarte do wyłącznego tworzenia z możliwością odczytywania

Każdy z tych trybów (oprócz 'b') domyślnie otwiera plik do zapisu jako plik tekstowy. Jeżeli chcemy zapisywać plik formie binarnej musimy uzupełnić atrybut otwarcia o literę 'b', na przykład

Funkcja open()

- ▶ 'b' – tryb binarny, używany do pracy z plikami binarnymi.

Zwykle pliki są otwierane w trybie tekstowym, co oznacza, że odczytujesz i zapisujesz z i do pliku ciągi znaków, które są zakodowane w określonym kodowaniu. Jeśli kodowanie nie jest określone, domyślne jest zależne od platformy. Ponieważ UTF-8 jest współczesnym standardem de facto, zaleca się `encoding="utf-8"`, chyba że wiesz, że musisz użyć innego kodowania. Dodanie „b” do trybu otwiera plik w trybie binarnym. Dane w trybie binarnym są odczytywane i zapisywane jako obiekty bajtów. Nie możesz określić kodowania podczas otwierania pliku w trybie binarnym.

W trybie tekstowym, domyślnym ustawieniem podczas czytania jest konwersja zakończeń wierszy specyficznych dla platformy (`\n`) w systemie Unix, `\r`, `\n` w systemie Windows) na samo `\n`. Podczas pisania w trybie tekstowym, domyślnym ustawieniem jest konwersja wystąpień `\n` z powrotem na zakończenia wierszy specyficzne dla platformy. Ta modyfikacja danych pliku w tle jest w porządku dla plików tekstowych, ale uszkodzi dane binarne, takie jak te w plikach JPEG lub EXE. **Należy zachować szczególną ostrożność podczas korzystania z trybu binarnego podczas czytania i zapisywania takich plików.**

Metoda close()

Metoda close() zamyka otwarty plik.

Zawsze powinienes zamykać swoje pliki! W niektórych przypadkach, z powodu buforowania, zmiany wprowadzone do pliku mogą nie być widoczne, dopóki nie zamkniesz pliku.

with

Używanie `with` podczas pracy z obiektami plików należy do dobrych praktyk. Zaletą tego podejścia jest to, że plik jest prawidłowo zamykany po zakończeniu jego bloku, nawet jeśli w pewnym momencie zostanie zgłoszony wyjątek. Użycie `with` jest również znacznie krótsze niż pisanie równoważnych bloków `try` - `finally`:

```
with open('plik.txt', encoding="utf-8") as f:
    read_data = f.read()
    print(read_data)
```

Możemy sprawdzić, że plik został automatycznie zamknięty.
`print(f.closed)` # True

Uwaga! Wywołanie `f.write()` bez użycia `with` lub `f.close()` może spowodować, że argumenty `f.write()` nie zostaną w pełni zapisane na dysku, nawet jeśli program zakończy się pomyślnie.

Po zamknięciu obiektu pliku, zarówno przez instrukcję `with`, jak i `f.close()`, wszystkie próby użycia obiektu pliku automatycznie się nie powiedą.

Metody obiektów plików

Zakładamy, że obiekt pliku o nazwie `f` został już utworzony.

Aby odczytać zawartość pliku, należy wywołać polecenie `f.read(size)`, które odczytuje pewną ilość danych i zwraca je jako ciąg znaków (w trybie tekstowym) lub obiekt bajtowy (w trybie binarnym). `size` jest opcjonalnym argumentem numerycznym. Gdy `size` jest pominięty lub ujemny, zostanie odczytana i zwrócona cała zawartość pliku. W przeciwnym razie odczytane i zwrócone zostanie co najwyżej `size` znaków (w trybie tekstowym) lub `size` bajtów (w trybie binarnym). Jeśli został osiągnięty koniec pliku, `f.read()` zwróci pusty ciąg znaków (`""`).

Wczytywanie po linii

W przypadku dużych plików lepiej zastosować procedurę czytania linia po linii. Czytanie linia po linii jest też operacją stosowaną, gdy chcemy odczytać z pliku konkretne linie:

```
f = open("plik.txt")
text = f.readline()
print(text, end="*\n")
text = f.readline()
print(text, end="*\n")
text = f.readline()
print(text, end="*\n")
f.close()
```

```
abrakadabra
*
abra
*
kadabra*
```

Wczytywanie po linii – to samo z with

```
with open("plik.txt") as f:  
    text = f.readline()  
    print(text, end="*\n")  
    text = f.readline()  
    print(text, end="*\n")  
    text = f.readline()  
    print(text, end="*\n")
```

abrakadabra

*

abra

*

kadabra*

Wczytywanie linii do końca pliku w listę

```
f = open("plik.txt")
text = f.readlines()
print(text)
f.close()

['abrakadabra\n', 'abra\n', 'kadabra']
```

Lub przy pomocy pętli:

```
f = open("plik.txt")
text = 1
while text:
    text = f.readline()
    print(text, end='*')

f.close()

abrakadabra
*abra
*kadabra**
```

Wczytywanie linii do końca pliku w listę, to samo z with

```
with open("plik.txt") as f:
    text = f.readlines()

print(text)

['abrakadabra\n', 'abra\n', 'kadabra']
```

Lub przy pomocy pętli:

```
with open("plik.txt") as f:
    text = 1
    while text:
        text = f.readline()
        print(text, end='**')
```

```
abrakadabra
*abra
*kadabra**
```

Jeszcze wczytywanie po linii w pętli

```
with open('plik.txt', 'r') as file:  
    for line in file:  
        print(line.strip())
```

```
abrakadabra  
abra  
kadabra
```

Funkcja `strip()` usuwa znaki białe (takie jak spacje i nowe linie) z początku i końca każdej linii, co jest przydatne do czyszczenia danych. Wszystkie użyte funkcje są funkcjami systemowymi wbudowanymi w interpreter języka, zatem nie musimy importować żadnych dodatkowych bibliotek.

Dalej zawsze będziemy używać `with`, a nie `open()`–`close()`

Zapisywanie danych do pliku

Zapis danych do pliku w Pythonie jest równie prosty jak ich odczyt. Aby zapisać dane do pliku, musimy otworzyć plik w trybie zapisu ('w') lub dopisywania ('a'). Warto nie mylić tych dwóch trybów – w pierwszym z nich jeżeli wskazany plik istnieje jego zawartość zostanie usunięta i zastąpiona przez nową. W drugim przypadku nowe dane zostaną dodane na końcu pliku. W obu przypadkach, jeżeli wskazany plik nie istnieje, zostanie on utworzony. Poniżej przykładu kodu w obu trybach:

- ▶ `with open('output.txt', 'w') as file:`
 `file.write('To jest przykładowy tekst zapisany do pliku.')`
- ▶ `with open('output.txt', 'a') as file:`
 `file.write('\nDodajemy nową linię tekstu.')`

Zapisywanie danych do pliku 'x'

Jest jeszcze jeden warty uwagi a mało znany tryb zwany Exclusive creation. Za jego pomocą otworzymy plik do zapisu, ale tylko jeśli plik nie istnieje. Jeśli plik istnieje, Python zgłosi błąd `FileExistsError`.

- ▶ `with open('output1.txt', 'x') as file:`
 `file.write('To jest przykładowy tekst zapisany do pliku.')`
- ▶ `with open('plik.txt', 'x') as file:`
 `file.write('To jest przykładowy tekst zapisany do pliku.')`

writelines

Metoda `writelines()` zapisuje elementy listy do pliku.

Miejsce, w którym zostaną wstawione teksty, zależy od trybu pliku i pozycji strumienia.

- ▶ 'a' – Teksty zostaną wstawione w bieżącej pozycji strumienia pliku, domyślnie na końcu pliku.
- ▶ 'w' – Plik zostanie opróżniony przed wstawieniem tekstów w bieżącej pozycji strumienia pliku, domyślnie 0.

```
with open("plik.txt", "a") as f:  
    f.writelines(["See you soon!", "Over and out."])
```

```
#open and read the file after the appending:  
with open("plik.txt", "r") as f:  
    print(f.read())
```

Metoda seek()

Metoda seek() ustawia bieżącą pozycję pliku w strumieniu plików.

Metoda seek() zwraca również nową pozycję.

```
▶ with open("plik.txt", "r") as f:
    a = f.seek(5)
    print(a)
    print(f.readline())
5
adabra
```

Metoda seekable() zwraca True, jeśli plik jest wyszukiwalny, False, jeśli nie. Plik jest wyszukiwalny, jeśli umożliwia dostęp do strumienia plików, tzn metoda seek().

Odczyt i zapis

Istnieją też tryby mieszane, które łączą tryby tekstowe z trybami binarnymi oraz operacje zapisu i odczytu. Dzięki nim możemy wykonywać bardziej zaawansowane operacje na plikach, które wymagają zarówno czytania, jak i modyfikowania zawartości pliku bez konieczności zamykania i ponownego otwierania go w innym trybie. Tryby mieszane są szczególnie przydatne w scenariuszach, gdzie dane muszą być dynamicznie aktualizowane lub weryfikowane, a następnie zapisywane z powrotem do tego samego pliku. Tryby mieszane poznamy po tym, że w atrybutach ich otwarcia znajduje się znak '+'. Przykładowo:

```
with open('plik.txt', 'r+') as file:
    content = file.read()
    file.write('Dopisana zawartosc.')
```

Powyższe kod otwiera plik do odczytu i zapisu. Jeśli plik nie istnieje, Python zgłosi błąd `FileNotFoundException`.

Po odczytywaniu wskaźnik jest na końcu plika, i treść do zapisywania zapisuje się na koniec.

Gdzie się zapisujemy?

Porównaj z poprzednim:

- ▶ Treść do zapisywania zapisuje się na początku pliku.

```
with open('plik.txt', 'r+') as file:  
    file.write('Dopisana zawartosc.')
```

- ▶

```
with open('plik.txt', 'r+') as file:  
    file.seek(5)  
    file.write('Dopisana zawartosc.')
```

Metoda `seek()` ustawia bieżącą pozycję pliku w strumieniu plików.

Porównaj

```
▶ with open("plik.txt", "r+") as f:  
    a = f.seek(5)  
    print(a)  
    f.write('See you soon!')  
    f.seek(0)  
    print(f.read())
```

5

abrakSee you soon!adabra

```
▶ with open("plik.txt", "r+") as f:  
    a = f.seek(5)  
    print(a)  
    print(f.write('See you soon!'))  
    print(f.read())  
    f.seek(0)  
    print(f.read())
```

5

13

adabra

abrakSee you soon!adabra

Inne metody

- ▶ Metoda `tell()` zwraca bieżącą pozycję pliku w strumieniu plików.
- ▶ Metoda `readable()` zwraca `True`, jeśli plik jest czytelny, lub `False` w przeciwnym razie.
- ▶ Metoda `writable()` zwraca `True`, jeśli do pliku można zapisywać, lub `False` w przeciwnym razie.

truncate()

- ▶ Metoda truncate() zmienia rozmiar pliku do podanej liczby bajtów.

```
with open("plik.txt", "a") as f:  
    f.truncate(10)
```

```
#open and read the file after the truncate:  
with open("plik.txt", "r") as f:  
    print(f.read())  
abrakadabr
```

Przykład

Źródło:

<https://www.flynerd.pl/2018/01/python-metody-typu-string.html>

Wyobraź sobie, że jesteś bioinformatykiem i otrzymujesz kod genetyczny do analizy w pliku tekstowym.

Kod DNA składa się z 4 zasad azotowych: adeniny(A), cytozyny(D), guaniny(G), tyminy(T). Idealny kod DNA wygląda następująco:

TGCACGATCATGTCTACTATCCTCTCTATGGTGGGGTT...

Zdarza się, jednak, że kod zawiera małe jak i duże litery. Kolejny problem to maszyny sekwencjonujące nie są wolne od błędów. W zależności od maszyny błędy sekwencjonowania mogą zostać zamienione na znak – czy literę N.

- ▶ wczytaj plik
- ▶ policz ile razy występuje w kodzie każda zasada azotowa - adenina, cytozyna, guanina, tymina.

Przykład: rozwiązanie

```
with open("DNA.txt", "r") as f:
    seq0 = f.read()

seq = seq0.strip().upper()
print(seq)
n = len(seq)
occurences = {}
for x in 'ACGT':
    occurences[x] = seq.count(x)

print(occurences)
```

Przykład dalej

W dokumentacji znajduje się następujący zapis:
gdy jakość sekwencji nie pozwala dokładnie odczytać rodzaju zasady azotowej wstawiany jest znak „-” Natomiast, gdy laser sczytujący ześlizgnie się, wstawiane są litery „N”, jednocześnie ostatnia wartość zasady jest ponownie odczytywana bez ubytku zasady w tym miejscu.

Co za przydatna informacja!

- ▶ Odczyść DNA z błędów typu N.
- ▶ Policz wystąpienia sekwencji GAGA
- ▶ Znajdź miejsce (indeks) w łańcuchu, gdzie występuje 7 guanin z rzędu
- ▶ Znajdź miejsce (indeks) , gdzie od końca łańcucha występuje 6 cytozyn
- ▶ Policz ile razy w kodzie pojawiła się sekwencja CTGAAA
- ▶ W sekwencji CTGAAA czasem mutuje ostanía litera A, wówczas jakość ostatniej litery może być wątpliwa. Ile sekwencji znajdziesz, jeśli weźmiesz pod uwagę wątpliwą, ostatnią adeninę?
- ▶ Na podstawie czystej nici utwórz odpowiadającą jej nić RNA (nić RNA w miejscu tyminy będzie mieć uracyl (U)). Nic RNA zapisz do nowego pliku RNA.txt

Przykład: rozwiązanie dalej

```
with open("DNA.txt", "r") as f:with open("DNA.txt", "r") as f:
    seq0 = f.read()

seq = seq0.strip().upper()
print(seq)
n = len(seq)
DNA = seq.replace("N", "")
GAGA = DNA.count("GAGA")
print("Liczba wystąpień sekw. GAGA", GAGA)

CTGAAA = DNA.count("CTGAAA")
print("Liczba wystąpień sekw. CTGAAA", CTGAAA)

CTGAA_ = DNA.count("CTGAA-")
print("Liczba wystąpień sekw. CTGAAA i CTGAA-", CTGAAA + CTGAA_)

RNA = DNA.replace("T", "U")
with open("RNA.txt", "w") as f:
    f.write(RNA)
```

Czytanie i przetwarzanie plików tabelarycznych

Ponieważ python wczytuje dane w postaci pojedynczej zmiennej tekstowej, jeżeli wczytane dane zamierzamy poddać obliczeniom, należy je odpowiednio przekształcić, najczęściej do postaci tabelarycznej oraz zmodyfikować typy danych z tekstowych do numerycznych. Do tego celu służą poznane już funkcje `split()` oraz funkcje konwersji zmiennych. Procedura czytania danych jest następująca:

- ▶ W pierwszym kroku nawiązywane jest połączenie z plikiem (zawartość zostaje wyświetlona)
- ▶ Dane zostają podzielone na listę łańcuchów tekstowych, względem znaku "\n" następnie każda linia zostaje podzielona na listy wewnętrzne na podstawie przecinka lub średnika (separator w csv). Wynik zostaje wyświetlony jako lista zagnieżdżona
- ▶ Połączenie zostaje zamknięte
- ▶ Z listy zostaje usunięta 1 linia (nagłówek)
- ▶ Z listy zostaje usunięta ostatnia pusta linia (z reguły występuje w plikach tekstowych)

Punkty 1-3 łącząc się przy pomocy `with`

Czytanie i przetwarzanie plików tabelarycznych

```
f = open("tab.csv") #1
dane = f.read() #
print(dane)
dane = dane.split('\n') #2 podziel po liniach
dane = [l.split(';') for l in dane] #2 podziel po wierszach
print(dane)
f.close() #3
header = dane.pop(0) #4 nagłówek
dane.pop() #5 usunięcie ostatniego, pustego wiersza
```

```
Ulica;Nomer domu;Kod;Miejscowosc
Pasikonika ;20;81-098;Lubowo
Biedronki;15;81-789;Bobowo
Zuczka;10;61-874;Rabowo
Gasienicy;33;41-879;Warbowo
[['Ulica', 'Nomer domu', 'Kod', 'Miejscowosc'],
 ['Pasikonika ', '20', '81-098', 'Lubowo'],
 ['Biedronki', '15', '81-789', 'Bobowo'],
 ['Zuczka', '10', '61-874', 'Rabowo'],
 ['Gasienicy', '33', '41-879', 'Warbowo'], ['']]
```

Czytanie i przetwarzanie plików tabelarycznych:with

```
with open("tab.csv") as f:#1
    dane = f.read() #

print(dane)
dane = dane.split('\n') #2 podziel po liniach
dane = [l.split(';') for l in dane] #2 podziel po wierszach
print(dane)
header = dane.pop(0) #4 nagłówek
dane.pop() #5 usunięcie ostatniego, pustego wiersza
```

```
Ulica;Nomer domu;Kod;Miejscowosc
Pasikonika ;20;81-098;Lubowo
Biedronki;15;81-789;Bobowo
Zuczka;10;61-874;Rabowo
Gasienicy;33;41-879;Warbowo
[['Ulica', 'Nomer domu', 'Kod', 'Miejscowosc'],
 ['Pasikonika ', '20', '81-098', 'Lubowo'],
 ['Biedronki', '15', '81-789', 'Bobowo'],
 ['Zuczka', '10', '61-874', 'Rabowo'],
 ['Gasienicy', '33', '41-879', 'Warbowo'], ['']]
```

Transponowanie danych

Dane są przechowywane w postaci listy list, gdzie każda lista zagnieżdżona to pojedynczy wiersz składający się z danych różnego typu. Ponieważ operowanie na wierszach zawierających dane różnego typu nie jest wygodne, można przekształcić listę zagnieżdżoną do postaci kolumnowej (dokonać transpozycji) przy pomocy funkcji `zip()`, którą omówimy za chwilę. Dane przekazujemy z `*` czyli rozwijamy przekazaną listę do postaci: `dane[0]`, `dane[1]`, ..., `dane[n-1]`

```
dane = zip(*dane)
trans = list(dane)
print(trans)
```

```
[('Pasikonika ', 'Biedronki', 'Zuczka', 'Gasienicy'), ('20', '15', '10', '33'),
('81-098', '81-789', '61-874', '41-879'), ('Lubowo', 'Bobowo', 'Rabowo',
'Warbowo')]
```

Przekształcenie typów danych

```
dane = zip(*dane)
trans = list(dane)
print(trans)

[('Pasikonika ', 'Biedronki', 'Zuczka', 'Gasienicy'), ('20', '15', '10', '33'),
('81-098', '81-789', '61-874', '41-879'), ('Lubowo', 'Bobowo', 'Rabowo',
'Warbowo')]
```

W ostatnim kroku możemy przekształcić 2 i 3 linię do typu integer.

```
trans[1] = tuple(int(x) for x in trans[1])
print(trans)

trans[2] = tuple(int(x[:2]+x[3:]) for x in trans[2])
print(trans)
```

Zasady pisania czystego kodu

Kod napisany w Pythonie musi być pisany jak kod w Pythonie. Z wykorzystaniem mechanizmów, które daje sam język i zgodnie z jego założeniami.

Porównuj

```
names = ["Kasia", "Marek", "Ania", "Bartosz"]
for i in range(len(names)):
    name = names[i]
    print("Hi " + name + "!")
```

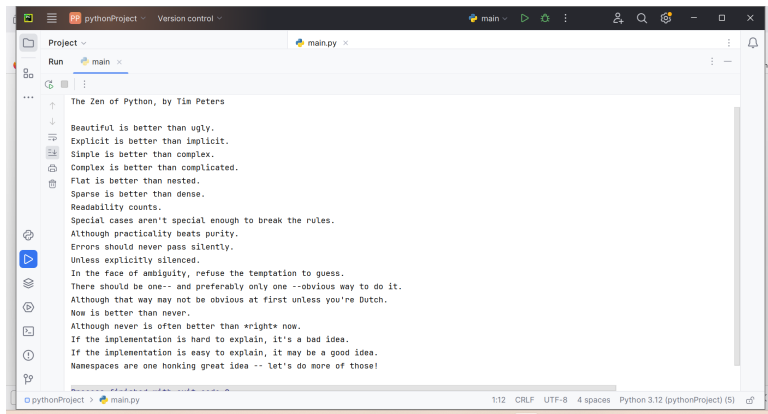
oraz

```
names = ["Kasia", "Marek", "Ania", "Bartosz"]
for name in names:
    print(f"Hi {name}!")
```

Zen of Python

Zen of Python to lista założeń w okół których był tworzony ten język. Co ciekawe, zasady te są dostępne z poziomu samego języka. Spróbuj uruchomić taki plik:

```
import this
```



Zen of Python 1

Piękne jest lepsze niż brzydkie.
Wyrażone wprost jest lepsze niż domniemane.
Proste jest lepsze niż złożone.
Złożone jest lepsze niż skomplikowane.
Płaskie jest lepsze niż wielopoziomowe.
Rzadkie jest lepsze niż gęste.
Czytelność się liczy.
Sytuacje wyjątkowe nie są na tyle wyjątkowe, aby łamać reguły.
Choć praktyczność przeważa nad konsekwencją.
Błędy zawsze powinny być sygnalizowane.
Chyba że zostaną celowo ukryte.
W razie niejasności powstrzymaj pokusę zgadywania.

Zen of Python 2

Powinien być jeden -- i najlepiej tylko jeden --
oczywisty sposób na zrobienie danej rzeczy.
Choć ten sposób może nie być oczywisty jeśli nie jest się Holendrem.
Teraz jest lepsze niż nigdy.
Chociaż nigdy jest często lepsze niż natychmiast.
Jeśli rozwiązanie jest trudno wyjaśnić, to jest ono złym pomysłem.
Jeśli rozwiązanie jest łatwo wyjaśnić, to może
ono być dobrym pomysłem.
Przestrzenie nazw to jeden z niesamowicie genialnych pomysłów --
miejmy ich więcej!

Odróżniaj!

Styl kodowania – im określa się nieformalne zbiory reguł.

Standard kodowania – formalny dokument, wdrożony w konkretnym projekcie.

Większość standardów kodowania związana jest z odpowiadającym im językiem programowania.

PEP8 jest stylem kodowania ale może być wdrożony jako standard.

<https://peps.python.org/pep-0008/>

Standardy kodowania języków programowania jak i styl kodowania zazwyczaj obejmują takie aspekty kodu jak:

- ▶ **Formatowanie kodu** – szerokość wcięcia, maksymalna długość wiersza, liczba pustych wierszy między kolejnymi definicjami i deklaracjami funkcji bądź klas.
- ▶ **Konwencje nazewnictwa** – schemat nazywania funkcji, klas, zmiennych, modułów, przestrzeni nazw, plików i tym podobnych.
- ▶ **Komentowanie kodu** – sposób komentowania kodu, opisywania zmian, konieczność udokumentowania algorytmów użytych do rozwiązania konkretnego fragmentu kodu.
- ▶ **Konstrukcje programistyczne** – zależne od języka programowania, obejmują polecane i zabraniane konstrukcje, wynikające na przykład z ograniczeń platformy docelowej lub użytych narzędzi programistycznych.

Dlaczego potrzebne jest standard kodowania? - 1

Korzystanie ze standardów kodowania:

- ▶ zmniejsza koszty związane z konserwacją oprogramowania
- ▶ zwiększa jakość kodu poprzez ułatwianie jego zrozumienia przez bardziej doświadczonych deweloperów
- ▶ przyspiesza proces jego restrukturyzacji
- ▶ umożliwia deweloperom na płynniejsze korzystanie z narzędzi automatyzacji ich pracy

Standardy kodowania szczególnie wymagane są podczas pracy w dużych instytucjach i projektach programistycznych, w których występuje częsta rotacja kadr.

Dlaczego potrzebne jest standard kodowania? - 2

We wstępie do opisu konwencji kodowania dla języka Java, firma Sun Microsystems wymieniła następujące fakty:

- ▶ 80% kosztów oprogramowania wynosi jego utrzymanie,
- ▶ jedynie nieliczne systemy są rozwijane ciągle przez jeden, niezmienny zespół programistów,
- ▶ konwencje formatowania kodu zwiększają jego czytelność, pozwalając na szybsze wdrożenie nowych inżynierów w prace nad rozwojem oprogramowania,
- ▶ jeśli sprzedajesz kod źródłowy jako produkt, musisz upewnić się, że jest on zaparkowany i czytelny tak, jak w przypadku innych produktów.

Styl kodowania

Styl kodowania – mniej lub bardziej sformalizowany zestaw reguł i zaleceń określający, jak powinien wyglądać kod źródłowy programu od strony jego czytelności i wyglądu.

Styl kodowania NIE ma wpływu na sposób interpretacji lub kompilacji programu lecz jest bardzo ważne dla programistów, którzy go rozwijają.

Czytelność poszczególnych zasad jest subiektywna, dlatego nie istnieje jedna, uniwersalna konwencja.

Przyjęte reguły zależą od wybranego języka programowania.

Niektóre wskazówki do pisania czystego kodu w Pythonie 1

- Używaj f-napisów:

```
print(f"You are a fantastic programmer, {first} {middle} {last}")  
#You are a fantastic programmer, Sam Douglas Miller.
```

Niektóre wskazówki do pisania czystego kodu w Pythonie 2.1

- funkcje powinny robić tylko jedną rzecz:

```
def print_page(banner_text, banner_images, content, footer_text):  
    # Print banner  
    print("")  
    print("Title:")  
    print(banner_text)  
    print("")  
  
    # Do some image processing  
    for images in banner_images:  
        compress(banner_images)  
        height, width = banner_images["size"]  
        new_image = size(height, width)  
  
    # Print banner image  
    render(new_image)  
# Print content  
print("")  
print("")  
print(content)
```

Niektóre wskazówki do pisania czystego kodu w Pythonie 2.2

```
# Print footer
footer_length = len(footer_text)
for i in range(0, footer_length):
    print("-----")
print(footer_text)
```

and so on.....

Porównaj z:

```
def print_page(banner_text, banner_images, content, footer_text):
    print_banner(banner_text)
    render_images(banner_images)
    print_content(content)
    print_footer(footer_text)
```

Długość linii

Ponieważ szerokość monitora jest ograniczona, tylko pewna liczba znaków w linii może być jednocześnie widoczna dla programisty. Dlatego stosuje się ograniczenie długości linii kodu. Popularne limity liczby znaków w linii to 80, 78 lub 120.

Nazewnictwo funkcji i zmiennych 1

Każda zmienna oraz funkcja w programie musi posiadać swoją nazwę, która będzie później wykorzystywana przez programistę we wszystkich odwołaniach do niej. Z tego powodu standardy kodowania poświęcają dużo miejsca ujednoliceniu zasad nazewnictwa. Rozpatrywane są zarówno kwestie wyglądu, jak i sensowności poszczególnych nazw. Dominującymi stylami zapisu są:

- ▶ podkreślenia (snake case): `to_jest_nazwa`,
- ▶ camelCase: `toJestNazwa`,
- ▶ PascalCase: `ToJestNazwa`
- ▶ wielkie litery: `TO_JEST_NAZWA`.

Pojedynczy standard może wykorzystywać kilka stylów do oznaczania różnych elementów.

Nazewnictwo funkcji i zmiennych 2

PEP8 sugeruje `snake_case` dla funkcji i zmiennych oraz `CamelCase` dla klasów. Nazwy znajdujące się w dużych zakresach powinny być w miarę długie i opisowe, np. `vector`, `window_with_border` czy `department_number`. Natomiast nazwy należące do niewielkich zakresów powinny być krótkie i konwencjonalne, np. `x`, `i` czy `p`. Pod względem semantycznym reguły uznają przeważnie za niepoprawny kod, w którym nazwy zmiennych i funkcji nie mówią nic o tym, do czego one służą (np. `a`, `b`, `c`, oprócz oczywistych przypadkach). Nazwy powinny być krótkie, lecz znaczące, np. `object_width`. Ponadto dobrze jest, gdy często używane nazwy są krótkie, a rzadziej używane - dłuższe.

Nazwa powinna odzwierciedlać znaczenie nazywanej jednostki, a nie jej implementację. Na przykład nazwa `phone_book` jest lepsza niż `number_vector`, nawet jeśli numery telefoniczne są przechowywane w wektorze.

Nazewnictwo funkcji i zmiennych 3

Nie należy do nazwy dodawać informacji o typie, chociaż zwyczaj taki jest pielęgnowany w językach o dynamicznej i luźnej kontroli typów.

- ▶ Określenie typu w nazwie obniża poziom abstrakcji programu. W szczególności uniemożliwia programowanie ogólne (którego podstawą jest możliwość odnoszenia się nazw do jednostek różnych typów).
- ▶ Kompilator lepiej radzi sobie z zapamiętywaniem nazw niż człowiek.
- ▶ Każdy system skrótów nazw typów, jaki wymyślisz, stanie się kulą u nogi, gdy zaczniesz używać dużej liczby typów do różnych celów.

Choć język na ogół nie jest określany przez standardy kodowania, niepisana regułą jest wykorzystanie angielskiego zamiast języków narodowych.

Wybór właściwych nazw to sztuka.

Python ma zarezerwowanych 35 słów kluczowych

and	del	from	None	True
as	elif	global	nonlocal	try
assert	else	if	not	while
break	except	import	or	with
class	False	in	pass	yield
continue	finally	is	raise	async
def	for	lambda	return	await

Komentarzy

Każdy praktycznie stosowany język programowania zezwala na tworzenie **komentarzy** – fragmenty tekstu, które są pomijane przez interpreter bądź kompilator.

- ▶ W komentarzach programista może zapisać słownie dodatkowe informacje na temat działania czy zastosowania określonego kawałka kodu.
- ▶ Komentarze są powszechnie wykorzystywane przez narzędzia do automatycznego generowania dokumentacji na podstawie kodu źródłowego. Analizują one komentarze umieszczone nad funkcjami, zmiennymi i klasami, wyciągając z nich opis działania oraz dodatkowe znaczniki zawierające np. opisy argumentów.
- ▶ Komentarze wykorzystuje się również do umieszczenia na początku każdego pliku informacji o prawach autorskich oraz licencji, którą objęty jest dany kod.

Komentarze mogą zawierać objaśnienie, co robi dany fragment kodu, uwagi dotyczące jego użycia bądź informacje techniczne dla innych programistów (np. o znalezionych błędach albo pozostałych do zaimplementowania funkcjach).

Pamiętaj o docstringach!

Dokumentowanie kodu

- ▶ Podstawowym narzędziem opisywania działania kodu są umieszczone w nim komentarze ze słownym opisem w języku naturalnym, których zawartość jest ignorowana przez programy.
- ▶ Dokładniejsze dokumentacje mają postać osobnych dokumentów szczegółowo opisujących wszystkie elementy kodu źródłowego w pewien ustandaryzowany sposób. Opis każdego elementu sporządzony jest w języku naturalnym, może zawierać odnośniki do powiązanych elementów i przykłady użycia. Programista pragnący użyć danego elementu, może go szybko odnaleźć w dokumentacji i zapoznać się ze wszystkimi dostępnymi na jego temat informacjami. Pozostałe tematy związane z budową i działaniem kodu źródłowego opracowane są najczęściej w formie klasycznych artykułów.

Istnieje szereg wyspecjalizowanych narzędzi umożliwiających tworzenie dokumentacji bezpośrednio z istniejącego kodu źródłowego, na przykład Doxygen. Dzięki znajomości gramatyki języka programowania potrafią automatycznie określić wiele związków między poszczególnymi elementami. Dodatkowe informacje oraz opis są importowane ze specjalnych komentarzy umieszczonych nad każdym elementem.

Operatory

- ▶ Operatory są otoczone zawsze spacjami;
- ▶ Można używać nawiasy dla najlepszej czytelności

Zły przykład 1

- ▶ `apples, oranges, fruits = 4, 5, 6`

Można używać nprz, dla współrzędnych:

```
i, j = 3, 5
```

```
(i, j) = (3, 5) # same as above
```

```
n, m = 1, 1
```

```
x, y = (0, 0) # parentheses are optional
```

- ▶ `numbers = digits = [0,1,2]`

Zły przykłady 2

- ▶ Nie używaj while zamiast for

```
i = 0
while i < 10:
    do_x()
```

Trzeba:

```
for i in range(10):
    do_x()
```

- ▶ `numbers = digits = [0,1,2]`

Zły przykłady 3

- ▶ Nie nadużywaj `try--except` zamiast `if--else`
- ▶ Nie nadużywaj `break` w `while`

Dobra wiadomość

Nowoczesne środowiska (takie jak Visual Studio oraz PyCharm) pomagają w formatowaniu kodu źródłowego.

Astyle: <https://astyle.sourceforge.net/>

clang format: <https://clang.llvm.org/docs/ClangFormat.html>

itd.

Na tym kończymy z szczegółnościami Python i krótko omówimy algorytmy, tzn logika programowania.

Złożoność algorytmu

Zasoby: pamięć i czas.

- ▶ Jeśli znamy kilka algorytmów rozwiązujących pewne zadanie, warto je porównać, aby wybrać najlepszy.
- ▶ Jednym z kryteriów służących do porównania algorytmów są zasoby, których potrzebują: ilość pamięci komputera i czas działania.
- ▶ Ilość pamięci (czasu) niezbędnej do zrealizowania algorytmu nazywamy jego złożonością pamięciową (czasową).

Złożoność czasowa

- ▶ W jakich jednostkach należy mierzyć czas?
- ▶ Szybkość wykonania algorytmu nie może zależeć od komputera!
- ▶ Dlatego nie możemy mierzyć czasu wykonania algorytmu w jednostkach czasu, np. mikrosekundach.
- ▶ Od czego zależy czas wykonania algorytmu, co jest niezależne od szybkości komputera?
- ▶ Złożoność czasową mierzymy liczbą operacji potrzebnych do realizacji tego algorytmu. W teorii złożoności nie staramy się być super dokładni. Dlatego w rachunkach uwzględnia się tylko operacje dominujące.
- ▶ Operacje dominujące zależą od problemu.
 - ▶ Sortowanie liczb: porównanie dwóch elementów
 - ▶ Liczenie wartości wielomianu: operacje arytmetyczne

Rozmiar problemu

- ▶ Liczba operacji potrzebna do realizacji algorytmu zależy od rozmiaru problemu. (Użycie algorytmu do posortowania 3 liczb wymaga mniej operacji niż do posortowania 1000 liczb.)
- ▶ Z każdym problemem wiążemy liczbę naturalną n reprezentującą jego rozmiar.
- ▶ Rozmiar problemu zależy od jego natury:
 - ▶ W problemie sortowania rozmiarem jest liczba liczb, które sortujemy.
 - ▶ W problemie sprawdzenia, czy dana liczba jest liczbą pierwszą rozmiar definiuje się jako liczbę cyfr badanej liczby

Złożoność czasowa algorytmu

Złożonością czasową algorytmu nazywamy liczbę operacji dominujących, które trzeba wykonać, aby rozwiązać problem o rozmiarze n . Zatem złożoność czasową można traktować jako funkcję ze zbioru liczb naturalnych w zbiór liczb naturalnych.

- ▶ $T(n) = \text{const}$ (złożoność stała)
- ▶ $T(n) = \log_2 n$ (złożoność logarytmiczna)
- ▶ $T(n) = 2 * n + 2$ (złożoność liniowa)
- ▶ $T(n) = 2n^2 - 7$ (złożoność kwadratowa)
- ▶ $T(n) = \text{wielomian}$ (złożoność wielomianowa)
- ▶ $T(n) = 2^n$ (złożoność wykładnicza)

Rzędy wielkości funkcji 1

Niech $f, g : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$.

Mówimy, że f jest co najwyżej rzędu g , co zapisujemy

$$f(n) = O(g(n))$$

jeśli istnieją stała rzeczywista $c > 0$ oraz stała naturalna n_0 takie, że nierówność $f(n) \leq c * g(n)$ zachodzi dla każdego $n > n_0$.

Na przykład,

$$n^2 + 2n = O(n^2),$$

bo $n^2 + 2n \leq 3n^2$, dla każdego n .

Rzędy wielkości funkcji 2

Mówimy, że f jest dokładnie rzędu g , co zapisujemy $f(n) = \Theta(g(n))$ jeśli istnieją stałe rzeczywiste c_1 i c_2 oraz stała naturalna n_0 , takie że nierówność $c_1 * g(n) \leq f(n) \leq c_2 * g(n)$ zachodzi dla każdego $n > n_0$.

Na przykład, $n^2 + 2n = \Theta(n^2)$, bo $n^2 \leq n^2 + 2n \leq 3n^2$, dla każdego $n \geq n_0$.

Wielomian $a_k n^k + a_{k-1} n^{k-1} + \dots + a_1 n + a_0$, gdzie $a_k > 0$ jest dokładnie rzędu n^k .

Złożoność średnia i pesymistyczna

- ▶ Złożoność średnia (oczekiwana) – określa złożoność losowego przypadku.
- ▶ Złożoność pesymistyczna – określa złożoność najgorszego przypadku.

Przykład: problem wyszukiwania

Dany jest ciąg A liczb całkowitych i liczba całkowita x . Stwierdzić, czy x należy do ciągu.

Możliwości: A jest posortowany, A nie jest posortowany.

Warianty tego problemu: Podać adres w tablicy pierwszego wystąpienia x . Jeśli x nie występuje zwrócić -1 . Znaleźć wszystkie wystąpienia x w A .

Wyszukiwanie liniowe Algorytm 1 (naiwny)

```
listA = [1,2,3,4,5,6,7,8,9,2,4,9,6,5,3,4,2,10,5,30]
znaleziono = False;
x = int(input("Co szukamy? "))
for i in listA:
    if x==i: znaleziono = True
    if znaleziono: print("tak")
    else: print("nie")
```

Algorytm wykonuje n poleceń.

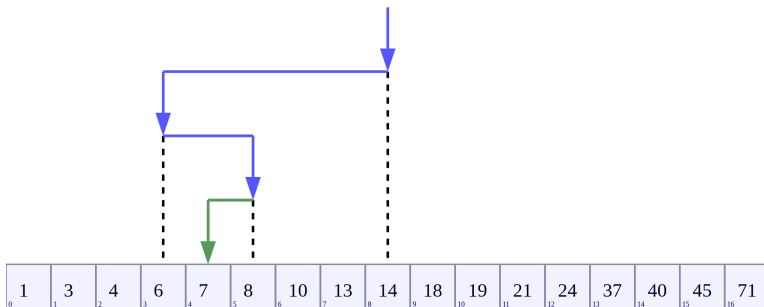
Wyszukiwanie liniowe Algorytm 2

```
listA = [1,2,3,4,5,6,7,8,9,2,4,9,6,5,3,4,2,10,5,30]
znaleziono = False;
x = int(input("Co szukamy? "))
for i in listA:
    if x==i:
        znaleziono = True
        break
if znaleziono: print("tak")
else: print("nie")
```

Algorytm wykonuje n poleceń w pesymistycznym przypadku, ale wykonuje $n/2$ poleceń średnie.

Czyli złożoność $\Theta(n)$.

Wyszukiwanie binarne (w uporządkowanej tablicy)



Wyszukiwanie binarne (w uporządkowanej tablicy)

```
listA = [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,12,13,  
14,50,60,70,80,90,200,300,400]  
i=0  
j=len(listA)-1  
znaleziono = False  
x = int(input("Co szukamy?"))  
while not znaleziono and j>=i:  
    k=(i+j)//2  
    if listA[k]==x: znaleziono = True  
    elif listA[k]<x: i=k+1  
    else: j=k-1  
  
if znaleziono: print("tak")  
else: print("nie")
```

Złożoność (pesymistyczna) wyszukiwania binarnego

- ▶ Jaka jest maksymalna liczba porównań dla tablicy n -elementowej?
- ▶ Każde porównanie skraca długość tablicy o połowę.
- ▶ Proces ten kończy się gdy znajdziemy element lub tablica jest pusta.

Pesymistyczna liczba porównań jest rzędu $\Theta(\log_2 n)$.

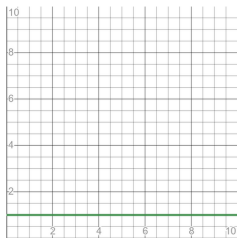
n	$\log_2 n$
10	3
100	6
1000	9
1000000	19
1000000000	29
10^{18}	59

Często spotykane złożoności obliczeniowe

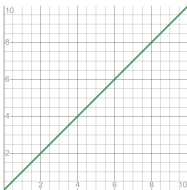
- ▶ Stała złożoność obliczeniowa $\Theta(1)$;
- ▶ Złożoność liniowa $\Theta(n)$;
- ▶ Złożoność logarytmiczna $\Theta(\log n)$;
- ▶ $\Theta(n * \log n)$ (naprz. sortowanie przez łączenie);
- ▶ Złożoność wielomianowa $\Theta(n^k)$;

-
- ▶ Złożoność wykładnicza $\Theta(k^n)$;
 - ▶ $\Theta(n!)$.

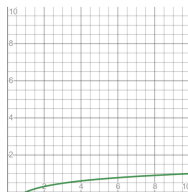
Często spotykane złożoności obliczeniowe



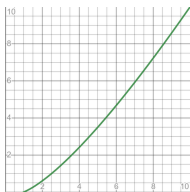
(a) Stała złożoność obliczeniowa $\Theta(1)$



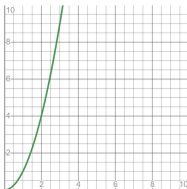
(b) Złożoność liniowa $\Theta(n)$



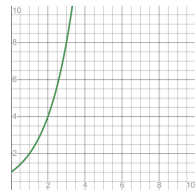
(c) Złożoność logarytmiczna $\Theta(\log n)$



(a) $\Theta(n * \log n)$

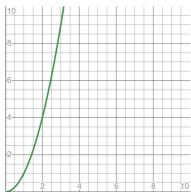


(b) Złożoność wielomianowa $\Theta(n^k)$

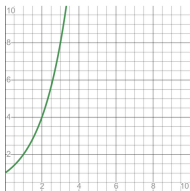


(c) Złożoność wykładnicza $\Theta(k^n)$

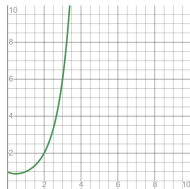
Często spotykane złożoności obliczeniowe



(a) Złożoność wielomianowa $\Theta(n^k)$



(b) Złożoność wykładnicza $\Theta(k^n)$



(c) $\Theta(n!)$

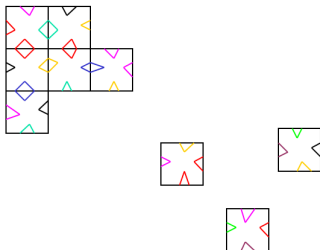
Zapotrzebowanie na czas

Funkcja	N=10	N=20	N=50	N=100	N=300
N^2	1/10000 sekundy	1/2500 sekundy	1/400 sekundy	1/100 sekundy	9/10 sekundy
N^5	1/10 sekundy	3.2 sekundy	5.2 minuty	2.8 godziny	28.1 dnia
2^N	1/1000 sekundy	1 sekunda	35.7 lat	$400 \cdot 10^9$ stuleci	75-cyfrowa liczba stuleci
N^N	2.8 godziny	3.3 biliony lat	70-cyfrowa liczba stuleci	185-cyfrowa liczba stuleci	728-cyfrowa liczba stuleci

1 instrukcja = 1 milisekunda

Od wielkiego wybuchu minęło 15 miliardów lat

Układanka



- ▶ Zakładamy, że mamy układankę 5×5
- ▶ Zakładamy, że każdy kwadrat ma ustalony kierunek góra-dół i prawo-lewo, zatem nie musimy kwadratów obracać.
- ▶ Chcemy stwierdzić, czy można ułożyć dany zestaw 25 kwadratów.

Rozwiązanie naiwne: sprawdzamy wszystkie możliwe układy. (Metoda ta wymaga, posiadania procedury generowania kolejnych układów, aby się nie powtarzały).

- ▶ Ile wynosi liczba wszystkich możliwych ułożeń 25 kwadratów?
- ▶ $25 * 24 * 23 * \dots * 2 * 1 = 25!$
- ▶ Liczba 25 składa się z 26 cyfr.
- ▶ Jeśli założymy, że nasz komputer będzie realizował milion ułożeń na sekundę, to przejście wszystkich ułożeń zajmie ?

ponad 400 milionów lat!!!

Znajdowanie szybszych algorytmów jest bieżącym tematem badawczym.

Złożoność problemu

Złożoność problemu – złożoność algorytmu o minimalnej złożoności rozwiązującego ten problem

- ▶ Problem sortowania: $\Theta(n \log_2 n)$
- ▶ Problem wieży z hanoi: $\Theta(2^n)$

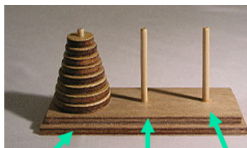
Istnieje bardzo wiele problemów, których złożoność jest nieznana!

- ▶ **Problemy łatwo rozwiązywalne** – problemy o złożoności wielomianowej.
- ▶ **Problemy trudno rozwiązywalne** – problemy o złożoności ponadwielomianowej.

Pułapka – pewne problemy łatwo rozwiązywalne mogą się w praktyce okazać gorsze niż trudno rozwiązywalne (przynajmniej teoretycznie)!!



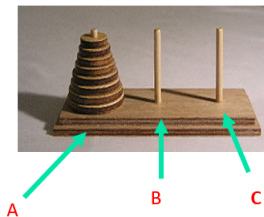
Wieże w Hanoi



Od lewej: słupek A z całą wieżą,
pusty słupek B pełniący rolę bufora
i pusty słupek docelowy C

Zadanie: Przenieść krążki z A na C, posługując się słupkiem B. Nie wolno kłaść większego krążka na mniejszym.

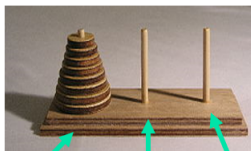
Wieży z hanoi: rozwiązanie rekurencyjne



- ▶ Przenieś (rekurencyjnie) $n - 1$ krążków ze słupka A na słupek B , posługując się słupkiem C .
- ▶ Przenieś jeden krążek (największy) ze słupka A na słupek C .
- ▶ Przenieś (rekurencyjnie) $n - 1$ krążków ze słupka B na słupek C , posługując się słupkiem A .

Łatwo obliczyć złożoność jako $\Theta(2^n)$.

Wieży z hanoi: rozwiązanie iteracyjne



- ▶ Przenieś najmniejszy krążek na kolejny (*) słupkę.
- ▶ Wykonaj jedyny możliwy do wykonania ruch, nie zmieniając położenia krążka najmniejszego.
- ▶ Powtarzaj punkty 1 i 2, aż do odpowiedniego ułożenia wszystkich krążków.

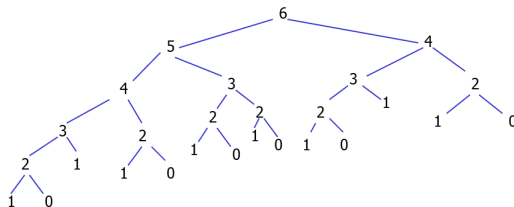
Złożoność algorytmu $\Theta(2^n)$ (bez dowodu).

(*)Kolejny słupkę wyznaczany w zależności od liczby krążków. Parzysta – po prawej stronie, nie parzysta — po lewej.

Liczby Fibonacc'ego

Rekurencyjne

```
def Fib(n):  
    if n < 2:  
        return n  
    else:  
        return Fib(n-1) + Fib(n-2)
```



Złożoność (dodawania): $\Theta(2^n)$

Liczby Fibonacc'ego

Iteracyjne

```
f0 = 0
```

```
f1 = 1
```

```
for i in range(2,n+1):
```

```
    f = f1
```

```
    f1 = f1 + f0
```

```
    f0 = f
```

Złożoność (dodawania): $\Theta(n)$

Klasy P oraz NP

Tutaj mówimy TYLKO o problemach decyzyjnych (TAK/NIE).

Teoria złożoności obliczeniowej kategoryzuje problemy decyzyjne w zależności od tego jak trudno jej rozwiązać (najefektywniejszym algorytmem)

Problem P – problem decyzyjny, dla którego rozwiązanie można **znaleźć** w czasie wielomianowym.

Problem NP – problem decyzyjny, dla którego rozwiązanie TAK można **sprawdzić** w czasie wielomianowym.

Wszystkie problemy klasy P są NP .

Problem milenijny: czy $P = NP$?

Problemy NP –zupełne

Tutaj mówimy TYLKO o problemach decyzyjnych (TAK/NIE).

Każdy problem NP -zupełny charakteryzuje się następującymi własnościami:

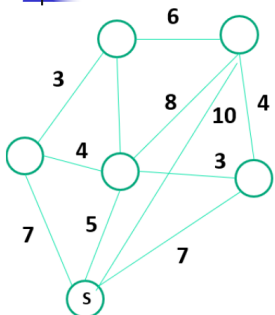
- ▶ Znaleźć jego rozwiązanie wykładniczo
- ▶ Nie wiadomo, czy istnieje rozwiązanie wielomianowe
- ▶ Jeśli posiada rozwiązanie wielomianowe, to wszystkie inne problemy NP -zupełne też posiadają takie rozwiązanie (jeśli A i B są dowolnymi problemami NP -zupełnymi, to A można w czasie wielomianowym sprowadzić do B).

Problem komiwojażera (wersja decyzyjna)

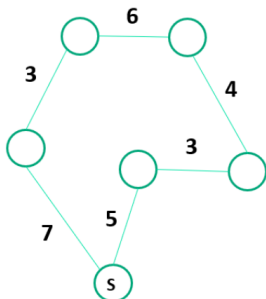
Dany jest zbiór n miast wraz z odległościami między nimi. Komiwojażer chce odwiedzić wszystkie miasta, każde dokładnie raz, i powrócić do punktu wyjścia. Dla danej liczby naturalnej k stwierdzić, czy istnieje trasa komiwojażera krótsza od k .



Sieć dróg i minimalna droga



Rysunek nie zachowuje
proporcji



Całkowity koszt: 28

Problem komiwojażera

- ▶ Nie jest znana złożoność problemu komiwojażera.
- ▶ Znane algorytmy rozwiązujące ten problem mają złożoność wykładniczą.
- ▶ Charakterystyczną własnością problemu komiwojażera jest łatwość potwierdzenia rozwiązania: jeśli odpowiedź brzmi „tak”, łatwo jest o tym kogoś przekonać podając potwierdzenie zawierające dowód tego faktu.

Problem Hamiltona i problem Eulera

- ▶ Ścieżka Hamiltona – droga w grafie przechodząca przez każdy wierzchołek (miasto) dokładnie raz. Problem Hamiltona – czy w danym grafie istnieje ścieżka Hamiltona?
- ▶ Ścieżka Eulera – droga w grafie przechodząca przez każdą krawędź dokładnie raz. Problem Eulera – czy w danym grafie istnieje ścieżka Eulera?

Problem Hamiltona jest problemem *NP*–zupełnym. Problem Eulera posiada algorytm wielomianowy (graf musi mieć 0 albo 2 wierzchołka parzystego stopnia)!!!