

1. Rozwiązać równanie:  $\frac{z + 2i}{2 + i} = \frac{2z + 3i}{5 + 3i}$ .

2. Zaznaczyć na płaszczyźnie zespolonej zbiór liczb spełniających warunki:  $\begin{cases} |z + 6i| = |z| \\ \frac{5\pi}{4} \leq \text{Arg}z \leq \frac{7\pi}{4} \end{cases}$ .

3. Wyznaczyć wszystkie  $\sqrt[3]{-125i}$ .

4. Wyznaczyć wymiar i wskazać przykładową bazę danej podprzestrzeni  $W$  przestrzeni  $\mathbb{R}^5$ :

$$W = \text{lin}\{[1, 1, 2, 1, 1], [3, 2, 1, 2, 1], [1, 2, 7, 2, 3], [3, 1, -4, 1, -1]\}.$$

5. Obliczyć:  $\begin{vmatrix} 2 & 4 & 1 & 4 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 4 & 0 & 8 & 4 \\ 3 & -2 & 1 & 2 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 8 & 1 & 4 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 4 & 0 & 8 & 4 \\ 3 & -2 & 1 & 2 \end{vmatrix}$ .

6. Wyznaczyć macierz  $X$  z równania  $A \cdot X \cdot A^{-1} = B$ , gdzie  $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ .

7. Rozwiązać układ równań (metodą eliminacji Gaussa):  $\begin{cases} x + y + 2z = 2 \\ x - y + 3z = 3 \\ 3x + 5y + 5z = 6 \end{cases}$ .

8. Zbadać ilość rozwiązań układu równań w zależności od parametru  $p$ :  $\begin{cases} x + y + z = 2 \\ 3x + 2y + 6z = 2 \\ 2x + 3y + pz = 8 \end{cases}$ .