

Uniwersytet Warmińsko-Mazurski w Olsztynie

ZESTAW IV

1. Obliczyć całki

(a) $\int 3^x 5^{2x} dx,$

(b) $\int \frac{x^2 dx}{1+x^2},$

(c) $\int \frac{x}{\sqrt{1-x^4}} dx,$

(d) $\int \frac{1}{x^4+1} dx,$

(e) $\int 4^{x^2} x dx,$

(f) $\int \frac{dx}{4x^2+4x+3},$

(g) $\int \frac{4}{2x^2+4x+11} dx,$

(h) $\int \frac{dx}{-x^2-9},$

(i) $\int \frac{x dx}{x^4+9},$

(j) $\int \frac{e^{\sqrt{x}} dx}{\sqrt{x}}.$

2. Obliczyć całki z wyrażeń wymiernych

(a) $\int \frac{5+x}{10x+x^2} dx,$

(b) $\int \frac{2x-1}{x^2-6x+9} dx,$

(c) $\int \frac{dx}{2x^2-2x+5},$

(d) $\int \frac{2x^4+5x^2-2}{2x^3-x-1} dx,$

(e) $\int \frac{2x^3+x^2+5x+1}{(x^2+3)(x^2-x+1)} dx,$

(f) $\int \frac{dx}{x^4+1},$

(g) $\int \frac{2x^5+6x^3+1}{x^4+3x^2} dx,$

(h) $\int \frac{x^3-3}{x^4+10x^2+25} dx.$

3. Obliczyć całki z wyrażeń niewymiernych:

(a) $\int \frac{x^3}{\sqrt{x^2+x+1}} dx,$

(b) $\int \frac{dx}{x^3\sqrt{1+2x+2x^2}},$

(c) $\int \frac{\sqrt{5\ln x + 7}}{x} dx,$

(d) $\int \frac{dx}{(x+1)\sqrt{1+2x-3x^2}},$

(e) $\int \frac{\sqrt{x^2+2x+4}}{(x-1)^2} dx,$

(f) $\int \frac{\sqrt[3]{\frac{1+x}{1-x}} + x}{1 - \sqrt[5]{\frac{1+x}{1-x}}} dx,$

(g) $\int \frac{\sqrt{x} - \sqrt[4]{x}}{3x+4\sqrt{x}} dx,$

(h) $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{(x+1)^2(x-1)^7}}.$