

**Wybrane granice funkcji rzeczywistej zmiennej rzeczywistej**  
**Symbole nieoznaczone**

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x}{x} = 1$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - 1}{x} = \ln a \quad a > 0$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_a(1+x)}{x} = \log_a e, \quad a > 0, a \neq 1$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{x} = 1$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin x}{x} = 1$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg} x}{x} = 1$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sinh x}{x} = 1$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tgh} x}{x} = 1$
$\lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x}} = e$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^a - 1}{x} = a, \quad a \in \mathbb{R}$
$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{a}{x}\right)^x = e^a, \quad a \in \mathbb{R}$	$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e$
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{a_k x^k + a_{k-1} x^{k-1} + \dots + a_1 x + a_0}{b_l x^l + b_{l-1} x^{l-1} + \dots + b_1 x + b_0} =$ <p><math>a_k \neq 0, b_l \neq 0</math></p>	$\begin{cases} \frac{a_k}{b_l} \operatorname{gdy} & k = l \\ 0 \operatorname{gdy} & k < l \\ +\infty \operatorname{gdy} & k > l, \frac{a_k}{b_l} > 0 \\ -\infty \operatorname{gdy} & k > l, \frac{a_k}{b_l} < 0 \end{cases}$